

Triangle d'aire maximale

Énoncé

On considère un triangle isocèle de périmètre fixé, égal à 15.

Le but de cet exercice est de déterminer parmi tous les triangles possibles celui dont l'aire est maximale.

1. Expérimentation à l'aide d'un logiciel de géométrie :

- (a) A l'aide d'un logiciel de géométrie, construire un triangle ABC isocèle en A , dont le périmètre est fixé et exactement égal à 15.

Appeler l'examineur pour vérification

- (b) Parmi tous les triangles possibles, quelle semble être la nature du triangle d'aire maximale ?

Appeler l'examineur pour vérification

2. Démonstration :

On note x la longueur BC et $\mathcal{A}(x)$ l'aire de ABC .

- (a) Dans quel intervalle le réel x peut-il prendre ses valeurs ?
(b) Soit H le milieu de $[BC]$, exprimer AH en fonction de x et en déduire que

$$\mathcal{A}(x) = \frac{x}{4} \sqrt{225 - 30x}$$

- (c) Résoudre le problème posé.

Production attendue

- Réponses écrites aux questions 1.(b) et 2.(a)(b) et (c).
 - Obtention à l'écran de la figure correspondant aux hypothèses au 1.(a) avec éventuellement impression.
-